## Università degli Studi di Bergamo — Scuola di Ingegneria Primo parziale di Analisi Matematica I — 4 Novembre 2022

## Parte B

Cognome e Nome \_\_\_\_\_\_ Matr. \_\_\_\_\_

- **1.** [Punteggio: 3+3+4+6]
- a) Dare la definizione di successione delle somme parziali di una serie.
- b) Scrivere i primi quattro elementi della successione delle somme parziali della serie  $\sum_{n=0}^{+\infty} 2^n$ .
- c) Dare la definizione di serie convergente e la definizione di serie divergente.
- d) Enunciare la condizione necessaria per la convergenza di una serie e darne una dimostrazione.
  - **2.** [Punteggio: 4+6+6]
- a) Dare la definizione di successione convergente e di successione divergente a  $+\infty$ .
- b) Calcolare  $\lim_{n\to +\infty} n^{\alpha}$ e verificare i risultati tramite le definizioni del punto a.
- c) Enunciare e dimostrare il teorema di unicità del limite per una successione convergente.